## Tabla de Contenido

| 1.         | Introducción                                                          |
|------------|-----------------------------------------------------------------------|
|            | 1.1. Métodos de Optimización                                          |
|            | 1.2. Problemas de procesamiento de imágenes                           |
|            | 1.3. Antecedentes Preliminares                                        |
|            | 1.4. Organización del documento                                       |
|            |                                                                       |
| 2.         | Métodos tradicionales de primer orden en optimización convexa         |
|            | 2.1. Método del gradiente o de máximo descenso                        |
|            | 2.1.1. Aproximación cuadrática                                        |
|            | 2.1.2. Elección del tamaño de paso                                    |
|            | 2.1.3. Tasa de convergencia                                           |
|            | 2.2. Método de subgradientes                                          |
|            | 2.3. Método gradiente acelerado                                       |
|            | 2.4. Ecuación Diferencial que modela el método de gradiente acelerado |
|            |                                                                       |
| 3.         | Algoritmos Proximales                                                 |
|            | 3.1. Función regularizada de Moreau                                   |
|            | 3.2. Función proximal para la norma $\ell_1$                          |
|            | 3.3. Métodos de Discretización Implícito/Explícito                    |
|            | 3.4. Algoritmo punto Proximal                                         |
|            | 3.5. Algoritmo gradiente proximal                                     |
|            | 3.5.1. Tasa de convergencia                                           |
|            |                                                                       |
| 4.         | Algoritmos Iterativos ISTA/FISTA                                      |
|            | 4.1. Método ISTA                                                      |
|            | 4.2. Método FISTA                                                     |
|            | 4.2.1. Tasa de Convergencia                                           |
|            |                                                                       |
| <b>5</b> . | Métodos primer orden que incorporan coeficiente amortiguamiento Hes-  |
|            | siano                                                                 |
|            | 5.1. Algoritmos Proximales                                            |
|            |                                                                       |
| 6.         | Resultados Experimentales                                             |
|            | 6.1. Presentación del problema                                        |
|            | 6.2. Resultados Numéricos                                             |
|            | 6.2.1. Selección de parámetros                                        |
|            | 6.2.2. Imagen borrosa sin ruido                                       |
|            | 6 2 3 Imagen borrosa con ruido                                        |

| 6.2.4. Experimentación con un tamaño reducido Matriz A        | 57 |
|---------------------------------------------------------------|----|
| 7. Conclusiones                                               | 58 |
| Anexo A. Lemas y Proposiciones usadas en optimización convexa | 62 |
| Anexo B. Construcción Matriz difuminado                       | 64 |
| Anexo C. Algoritmos Matlab                                    | 66 |
| Bibliografía                                                  | 70 |