

# Tabla de Contenido

<b>1. Introducción</b>	<b>1</b>
1.1. Motivación . . . . .	2
1.2. Objetivos . . . . .	3
1.2.1. Objetivo General . . . . .	3
1.2.2. Objetivos Específicos . . . . .	3
<b>2. Marco teórico</b>	<b>4</b>
2.1. Antecedentes . . . . .	4
2.1.1. Antecedentes de estudio . . . . .	4
2.1.2. Forma débil de la ecuación diferencial . . . . .	6
2.1.3. FEA . . . . .	7
2.1.3.1. Discretización de la solución . . . . .	7
2.1.4. IGA . . . . .	8
2.1.4.1. Discretización de la solución . . . . .	8
2.1.5. Condiciones de borde periódicas . . . . .	9
2.1.6. Formulación . . . . .	12
2.1.7. MpGA . . . . .	12
2.1.8. MBPSO . . . . .	14
<b>3. Metodología</b>	<b>18</b>
3.1. Función objetivo . . . . .	20
3.2. IGA . . . . .	22
3.3. FEA . . . . .	27
3.4. MpGA . . . . .	28
3.5. MBPSO . . . . .	30
<b>4. Resultados</b>	<b>32</b>
4.1. Validación de algoritmos . . . . .	32
4.2. Optimización topológica . . . . .	36
4.2.1. Parámetros usados en el modelado y optimización . . . . .	36
4.2.2. Maximización de Bandgaps en placas cuadradas . . . . .	38
4.2.3. Maximización de Bandgaps en placas cuadrada con orificio circular .	53
<b>5. Conclusiones</b>	<b>63</b>
<b>Bibliografía</b>	<b>64</b>
<b>Anexo A. Teoría de modelado de placas</b>	<b>68</b>

A.1. FEA . . . . .	68
A.1.1. Funciones de forma . . . . .	68
A.2. IGA . . . . .	69
A.2.1. Non Uniform Rational B-Spline NURBS . . . . .	70
A.3. Teorema de Bloch . . . . .	71
A.4. Primera Zona de Brillouin . . . . .	72
<b>Anexo B. Algoritmos de optimización</b>	<b>74</b>
B.1. Particle Swarm Optimization . . . . .	74
B.1.1. Particle Swarm Optimization (PSO) . . . . .	74
B.1.2. Binary Particle Swarm Optimization (BPSO) . . . . .	75
B.2. Algoritmos genéticos . . . . .	76
B.2.1. Reproducción . . . . .	77
B.2.2. Entrecruzamiento . . . . .	78
B.2.3. Mutación . . . . .	78
<b>Anexo C. Funciones de distribución</b>	<b>79</b>
C.1. Distribución Estable . . . . .	79
C.2. KDE . . . . .	80
<b>Anexo D. Resultados optimización en placas cuadradas</b>	<b>81</b>
D.1. Placas resultantes . . . . .	81
D.2. Diagramas de Bandas . . . . .	85
D.3. Curvas de Convergencia . . . . .	90
<b>Anexo E. Resultados optimización en placas cuadradas con orificio circular</b>	<b>96</b>
E.1. Placas resultantes . . . . .	96
E.2. Diagramas de Bandas . . . . .	101
E.3. Curvas de Convergencia . . . . .	105