

# Tabla de Contenido

<b>1 Introducción.....</b>	<b>1</b>
1.1 Motivación y antecedentes generales .....	1
1.2 Objetivos.....	2
1.3 Alcances.....	3
<b>2 Metodología.....</b>	<b>4</b>
<b>3 Antecedentes específicos.....</b>	<b>6</b>
3.1 Antecedentes de las teorías a utilizar.....	6
3.1.1 Enfoque de falla por fatiga.....	6
3.1.2 Mecánica de la fractura.....	13
3.2 Antecedentes de los molinos de bolas .....	19
3.2.1 Componentes de un molino de bolas .....	19
3.2.2 Volumen de carga .....	19
3.2.3 Altura de la carga.....	20
3.2.4 Ángulo de levantamiento de la carga.....	20
3.3 Características del molino de bolas a estudiar.....	21
3.3.1 Propiedades físicas y mecánicas de los materiales utilizados.....	21
3.3.2 Condiciones de operación del molino.....	21
<b>4 Resultados .....</b>	<b>22</b>
4.1 Modelos CAD de las piezas del molino y del ensamblaje .....	22
4.1.1 Cuerpo del molino .....	22
4.1.2 Trunnions .....	23
4.1.3 Trunnion con desgaste .....	24
4.1.4 Trunnion con desgaste y fisura .....	25
4.1.5 Corona.....	25
4.1.6 Liners del cuerpo del molino .....	27
4.1.7 Liners de la tapa .....	28
4.1.8 Cilindro con hélice interior .....	29
4.1.9 Modelo CAD del ensamble del molino .....	30
4.2 Cargas que actúan en el molino y determinación de las reacciones .....	31
4.2.1 Peso del molino vacío .....	31
4.2.2 Potencia de accionamiento del molino .....	32
4.2.3 Fuerza del material procesado .....	32
4.2.4 Presión en los trunnions .....	33
4.3 Construcción de los modelos en COMSOL .....	34
4.3.1 Importación del modelo CAD de Inventor a COMSOL.....	35
4.3.2 Sistemas de referencia auxiliares .....	35
4.3.3 Aplicación de cargas .....	36
4.3.4 Condiciones de borde.....	39
4.3.5 Mallado .....	40
4.4 Resultados de los estudios .....	41
4.4.1 Primer caso: Molino con el trunnion sin desgaste ni fisura .....	41
4.4.2 Segundo caso: Molino con trunnion con desgaste interior .....	46
4.4.3 Tercer caso: Molino con trunnion con desgaste interior y fisura .....	49

4.5 Evaluación de resistencia a la fatiga.....	55
4.5.1 Límite de resistencia a la fatiga modificado para el trunnion.....	55
4.5.2 Evaluación de la vida a la fatiga del primer caso .....	55
4.5.3 Evaluación de la vida a la fatiga del segundo caso.....	56
4.6 Evaluación del crecimiento de grieta.....	57
4.6.1 Punta de la fisura en la superficie interior del trunnion del lado molino IM .....	57
4.6.2 Punta de la fisura en la superficie interior del trunnion del lado salida IS .....	59
4.6.3 Punta de la fisura en la superficie exterior del trunnion del lado molino EM .....	60
4.6.4 Punta de la fisura en la superficie exterior del trunnion del lado molino ES .....	61
<b>5 Discusión.....</b>	<b>62</b>
5.1 Modelos CAD de las piezas y ensamblajes .....	62
5.2 Construcción del modelo .....	62
5.3 Evaluación de la vida a la fatiga con y sin desgaste del trunnion .....	63
5.4 Evaluación del crecimiento de grieta.....	65
5.5 Propuesta de solución .....	66
<b>6 Conclusiones.....</b>	<b>67</b>
<b>Bibliografía.....</b>	<b>69</b>
<b>Anexos.....</b>	<b>70</b>
<b>Anexo A : Planos e imágenes correspondientes a la geometría del molino.....</b>	<b>70</b>
Anexo A.1: Vista en corte del molino sin corona.....	70
Anexo A.2: Vista en corte de la mitad inferior del trunnion .....	71
Anexo A.3: Vista en corte del cilindro con hélice interior .....	72
<b>Anexo B: Determinación de las fuerzas sobre la corona.....</b>	<b>73</b>
<b>Anexo C: Modelación de presión de la carga del molino.....</b>	<b>75</b>
<b>Anexo D: Determinación de reacciones en los trunnions.....</b>	<b>79</b>
<b>Anexo E: Determinación de la presión en los trunnions.....</b>	<b>82</b>